

Demanda de diseño y confiabilidad en las redes malladas de abasto

INTRODUCCIÓN

Las ventajas económicas de las redes malladas fueron demostradas mediante un modelo de optimización con una nueva función objetivo (FOB) presentado por Martínez (2006). En dicho trabajo se demuestra cómo una red mallada puede ser económicamente competitiva y superar a la red abierta. La investigación habitual en este campo generalmente optimiza una red para una demanda de diseño fijada a priori. Además, por otra parte, no se ha establecido hasta ahora cuál es el valor que debe especificarse para la confiabilidad deseada en el comportamiento de la red, Martínez (2001). El presente trabajo introduce ahora una metodología basada en la nueva formulación, capaz de fundamentar económicamente tanto el valor adecuado para la confiabilidad como para la demanda de diseño apropiada.

Las peculiaridades de la red mallada en cuanto a cómo responden a la optimización clásica -abriendo circuitos-, la inconveniencia de cerrarlos con diámetro mínimo, el hecho de que la FOB clásica es multimodal y cóncava y sus ventajas prácticas durante el tiempo en que una tubería se encuentra aislada por rotura, mantenimiento u otras razones, han sido expuestas y analizadas en detalle en trabajos anteriores, Martínez (2006, 2007). También se expusieron en dichos trabajos los intentos de otros investigadores por resolver esos problemas.

Era evidente que las ventajas económicas de la red mallada no estaban consideradas explícitamente en una FOB que solo incorporara costos de inversión y energía. En ese trabajo se introdujo una nueva formulación para la FOB y se demostró, con un ejemplo sencillo, cómo una red mallada calculada con esa formulación puede ser menos costosa que su correspondiente red ramificada.

El tratamiento conjunto de la optimización y la confiabilidad, como ha sido señalado (Goulter 1992; Xu y Goulter 1999), es realmente complejo hasta el punto de

Resumen / Abstract

Las ventajas económicas de las redes malladas han sido explícitamente consideradas en la función objetivo de un nuevo modelo de optimización presentado por el autor en un trabajo anterior. En dicho trabajo se demuestra cómo una red mallada puede ser económicamente competitiva y superar a la red abierta. La investigación habitual en este campo generalmente optimiza una red para una demanda de diseño fijada a priori. Además, por otra parte, no se ha establecido hasta ahora cuál es el valor que debe especificarse para la confiabilidad deseada en el comportamiento de la red. El presente trabajo introduce ahora una metodología, basada en la formulación mencionada arriba, capaz de obtener no solo el valor adecuado para la confiabilidad de una red mallada sino también cuál es la demanda de diseño apropiada sobre la base de un detallado análisis de costos. El resultado de esta metodología se ilustra mediante un ejemplo.

Palabras Clave: análisis económico, diseño de redes, confiabilidad, optimización, abasto de agua.

The economic advantages of a looped network have been explicitly considered in the objective function of a new optimization model presented by the author in a previous work. In that work it is shown how the looped network can be economically competitive even against the branched network. Usual research in this field generally optimizes the network for a given design demand. Also the value that should be specified as the desired network reliability has not been reported so far. This work introduces now a methodology, based on the above mentioned formulation, to obtain not only an adequate value for the reliability of a looped network but also the appropriate design demand as well based on a thorough cost analysis. The detailed performance of this methodology is illustrated by a comprehensive example.

Keywords: economic analysis, network design, network reliability, optimization, water supply.

que para el diseñador en la práctica no se ha podido establecer una combinación adecuada de elementos como: (a) una definición realista y comprensible de la confiabilidad, (b) una metodología práctica para la optimización de grandes redes incluyendo el cálculo de su confiabilidad, (c) una respuesta a la cuestión del valor que debe asignarse a la confiabilidad. A esto puede añadirse que, junto con el acápite (c) anterior, falta también en la literatura una respuesta a la cuestión de cuál debe ser el valor correcto que debe seleccionarse como demanda de diseño total de la red.

En este trabajo se introduce una metodología basada en la nueva formulación de la función objetivo (FOB). Este nuevo enfoque emplea definiciones conocidas de confiabilidad en nodos y en la red en su conjunto y es capaz de producir no solo un valor numérico adecuado para la confiabilidad de una red mallada sino también el valor apropiado para la demanda de diseño. Se han usado algunas consideraciones heurísticas, basadas en el principio "sucio pero rápido" de Templeman (1982), para elaborar una estructura metodológica simple pero muy efectiva.

El presente trabajo se enmarca en la etapa de planeamiento o diseño preliminar y se aplica a la selección de los diámetros de una red de trazado conocido.

FORMULACIÓN Y SOLUCIÓN DE CHIONG

A pesar de estar incluidos en el trabajo anterior (Martínez 2006), se considera conveniente resumir aquí los principales aspectos de la formulación y solución de Chiong (1985) como base para mostrar la nueva formulación que da lugar a la metodología aquí presentada. La FOB en el método de Chiong (1985) considera solo los costos de la red de tuberías. En ella se minimiza la suma del costo capital anualizado y el costo anual de energía:

$$\Psi = c_1 \eta \sum_{k=1}^{NP} L_k d_k^m + C \sum_{s=1}^{NS} q_s (pm_s + e^{x_s} + z_s) \quad [1]$$

donde k,s : subíndices para tuberías y nodos fuente; L,d : longitud y diámetro de tubería; NP : número de tuberías; NS : número de nodos fuente; η, m : coeficiente y exponente de la fórmula de costo de tubería; c_1 : factor de anualización; C : constante que incluye tiempo anual de bombeo, precio de energía y conversión de unidades; q_s : caudal que entra al nodo s ; pms : presión mínima requerida en el nodo s ; z_s : cota topográfica del nodo s ; e^{x_s} : exceso de presión en el nodo s . La minimización está sujeta a las restricciones siguientes:

$$hf_k = (pm_i - pm_j) + (e^{x_i} - e^{x_j}) + (z_i - z_j) \quad \text{para } k = 1, \dots, NP \quad [2]$$

$$\sum_{k \in \zeta} Q_k + q_i = 0 \quad \text{para } i = 1, \dots, NN - 1 \quad [3]$$

$$hf_k = \lambda_k L_k \frac{Q_k^n}{d_k^r} \quad \text{para } k = 1, \dots, NP \quad [4]$$

donde i,j : subíndices en la ecuación (2) para los nodos de la tubería k ; Q_k : caudal en tubería k (positivo si sale del nodo); q_i : caudal exterior en nodo i (efluente +); ζ : grupo de tuberías k conectadas al nodo i ; NN : número total de nodos en la red; λ_k : constante que incluye el coeficiente de fricción; n,r : exponentes de la fórmula de fricción.

La ecuación (2) es una forma de la ley de Bernoulli para cada tubería, la ecuación (3) es la continuidad del flujo en el nodo y la ecuación (4) es una fórmula de fricción genérica. Sustituyendo las ecuaciones (4) en la FOB se obtiene:

$$\Psi = c_1 \eta \sum_{k=1}^{NP} \mu_k \frac{Q_k^{m/r}}{hf_k^{m/r}} + C \sum_{s=1}^{NS} q_s (pm_s + e^{x_s} + z_s) \quad [5]$$

donde:

$$\mu_k = L_k (\lambda_k L_k)^{m/r} \quad [6]$$

En este modelo las variables de decisión (incógnitas) son los valores de x en los nodos (todos menos uno) y un valor de Q en cada circuito. En los nodos fuente la carga total puede ser un dato fijo (haciendo su $e^{x_s} \approx 0$) o puede dejarse que el modelo calcule su valor óptimo.

Para encontrar una solución práctica y simple, Chiong aplica una optimización en dos etapas. En la primera se emplea un algoritmo simple que calcula flujos en todas las tuberías bajo el criterio de maximizar su uniformidad.

En la segunda se aplica la formulación de Chiong para optimizar con los flujos dados y obtener un mínimo global. La primera etapa significa que, para un conjunto dado de demandas, los flujos en tuberías se calculan una sola vez.

Chiong propuso maximizar la uniformidad de los flujos considerando su conjunto como una serie estadística y calculando sus valores de manera que se minimice la varianza de esta serie. Para completar la breve descripción del método de Chiong debe decirse que la solución final se da en diámetros continuos que deben redondearse a los valores comerciales disponibles.

LA NUEVA FORMULACIÓN

Para incluir las ventajas económicas de las redes malladas se reseña brevemente la nueva formulación, que sigue de cerca la de Chiong, pero añade un importante paso de avance (Martínez 2006). En esta formulación se supone que si una tubería sale fuera de servicio, esta puede ser aislada mediante el cierre de las válvulas existentes en sus extremos de modo que solo se afectan los usuarios conectados a dicha tubería. A la vez se supone que, cuando esto ocurre, los usuarios afectados deben ser abastecidos por otros medios.

La nueva FOB se obtiene añadiendo un nuevo término a la ecuación (1) que representa el costo anual esperado que resulta de la rotura de tuberías. Este costo esperado incluye el costo de reparación del fallo y el costo de suministro de agua potable por otros medios a los usuarios afectados. En esa formulación se utiliza explícitamente una fórmula empírica para determinar la frecuencia de fallo (Su et al. 1987; Bouchart y Goulter 1991; Gupta y Bhave 1994; Khomsi et al. 1996). La nueva FOB se escribe:

$$\Psi = c_1 \eta \sum_{k=1}^{NP} L_k d_k^m + \sum_{k=1}^{NP} \omega_k L_k d_k^{-u} + C \sum_{s=1}^{NS} q_s (pm_s + e^{x_s} + z_s) \quad [7]$$

donde $\omega = a \cdot t_f (c_f + c_a \cdot V_f)$: coeficiente asociado con cada tubería; $a \cdot L \cdot d^{-u}$: fórmula que da el número esperado de fallos por año en función del diámetro y la longitud de la tubería (a, u son constantes conocidas); t_f : número promedio de días para reparación completa de cada fallo en tubería; c_f : costo promedio de reparación en pesos por día; c_a : costo promedio de suministro de agua a usuarios afectados en pesos por unidad de volumen $V_f = 86400 Q_{break}$: volumen por día que debe suministrarse a usuarios afectados (86400 es el número de segundos

por día); $Q_{break} = (Q_{n1}/C_{n1} + Q_{n2}/C_{n2})$ para tuberías rotas que pertenecen a circuitos; Q_{n1}, Q_{n2} : caudal de demanda como volumen por segundo en los nodos $n1$ y $n2$ de la tubería rota; C_{n1}, C_{n2} : número de tuberías respectivamente conectadas a los nodos $n1$ y $n2$; $Q_{break} = Q_k$ para tuberías fuera de circuito (es todo el flujo que transporta la tubería).

El valor de Q_{break} es un estimado del déficit de flujo que resulta del fallo de tubería. Para tuberías en circuito Q_{break} estima la demanda de los consumidores conectados a esa tubería. Para tuberías fuera de circuito el valor de Q_{break} es todo el flujo que transporta la tubería.

La secuencia de solución adoptada es similar a la de dos etapas del método de Chiong. Luego de sustituir las ecuaciones (4) en la ecuación (7) se calculan los flujos en las tuberías bajo el principio de varianza mínima y, después, se resuelve la nueva FOB bajo las restricciones (2) y (3). Nótese que, una vez obtenida la solución y calculados los diámetros, pueden determinarse las frecuencias de fallo asociadas a dichos diámetros.

CONSIDERACIONES SOBRE CONFIABILIDAD

Aunque, una vez resuelto el problema, existe información disponible sobre la frecuencia de fallo de las tuberías, no resulta suficiente para evaluar las consecuencias a través de toda la red. Es por ello que se introduce un simulador que se ejecuta $NP+1$ veces para todos los posibles estados de la red: un estado que representa a la red completa sin fallos y un estado para cada tubería considerada como fuera de servicio.

Considerar el fallo de una sola tubería a la vez refleja el hecho de que la probabilidad de fallos simultáneos es extremadamente baja (Bouchart y Goulter 1991; Gupta y Bhave 1994; Khomsi et al. 1996; Xu y Goulter 1997; Xu y Goulter 1999). El simulador emplea el enfoque "gobernado por presión" (pressure-driven) que significa que, en lugar de satisfacer estrictamente las demandas de cada nodo, existe una ecuación que calcula la entrega (suministro) de acuerdo con la presión disponible en el nodo (Jowitt y Xu 1993; Gupta y Bhave 1994; Xu y Goulter 1997).

En todas las corridas de la simulación las cargas piezométricas de los nodos fuentes se fijan iguales a los valores que resultaron de la optimización. La ecuación del "gobernado por presión" es como la de Xu y Goulter (1997), o sea:

$$\frac{q_{act}}{D_{em}} = \left(\frac{P_{act} - P_o}{P_{req} - P_o} \right)^{0.5} \quad [8]$$

donde: q_{act} , D_{em} : flujo real y flujo demanda respectivamente; p_{act} , p_{req} , p_0 : presiones real, requerida e inferior permisible respectivamente. Junto con esta ecuación se establecen dos condiciones:
 (1) si $p_{act} \geq p_{req}$ entonces $q_{act} = D_{em}$ y
 (2) si $p_{act} \leq p_0$ entonces $q_{act} = 0$.

La confiabilidad en el nodo se define como la fracción esperada satisfecha de la demanda del nodo. La probabilidad pf_k , como fracción de un año, en que la tubería k estará fuera de servicio será:

$$pf_k = a \cdot L_k \cdot d_k^{-u} t_f / 365 \quad [9]$$

Suponiendo probabilidad cero para dos, o más, fallos simultáneos en el tiempo t_f , la probabilidad P_{nf} de que la red trabaje sin fallos es:

$$P_{nf} = 1 - \sum_{k=1}^{NP} pf_k \quad [10]$$

El déficit de demanda esperado sf_i^{ns} en el nodo i luego de $NP+1$ simulaciones viene dado por:

$$sf_i^{ns} = sf_i^{nf} P_{nf} + \sum_{k=1}^{NP} sf_i^k pf_k \quad [11]$$

donde
 sf_i^{nf} : déficit de demanda en nodo i de la simulación de la red sin fallos;
 sf_i^k : déficit de demanda en nodo i de la simulación del fallo de la tubería k .

La confiabilidad nodal R_i^{ns} de cualquier nodo de demanda i queda expresada:

$$R_i^{ns} = (q_i - sf_i^{ns}) / q_i \quad [12]$$

De modo similar puede calcularse una confiabilidad en la satisfacción de la demanda de toda la red R_{net}^{ns} si se tienen en cuenta todos los nodos de demanda. El superíndice ns se explica más adelante.

Y ahora se introduce otra consideración. Hasta aquí las demandas de diseño (nodal y total) se han tomado como constantes. Pero la demanda real sobre un sistema de abasto es variable y puede formularse como una variable aleatoria que sigue una cierta ley de probabilidades. Esta demanda real puede representarse por la distribución Pearson tipo III (distribución Gamma) con un

coeficiente de asimetría C_s igual al doble del coeficiente de variación C_v (Benjamin y Cornell 1970).

Esta distribución tiene la ventaja sobre la ley normal de Gauss normal que su valor menor es siempre cero para todo valor de C_v , lo que permite usar mayores valores de C_v que en la de Gauss. La curva Pearson se discretiza en un número N_{step} de escalones de igual probabilidad de ocurrencia p_{ocur} y se determina el valor medio D_{ns} de cada escalón. El subíndice ns es el contador de escalones. En la figura 1 se muestra una distribución Pearson típica con coordenadas adimensionales y dos de estos escalones.

El área bajo la curva es la unidad. Para obtener un valor de demanda real, que corresponde a una probabilidad dada, debe multiplicarse el valor de K_D por la demanda real media D_{act} .

El ancho constante de los escalones es p_{ocur} mientras que la altura variable de cada uno se denota por D_{ns} . A partir de esta discretización se deben cumplir las siguientes relaciones:

$$p_{ocur} \cdot N_{step} = 1 \quad y$$

$$D_{act} = p_{ocur} \sum_{ns=1}^{N_{step}} D_{ns} \quad [13]$$

En la práctica la demanda de diseño DD es generalmente mayor que D_{act} , pero no existe una regla establecida para determinar en cuanto debe la DD exceder a la D_{act} . La metodología que se propone puede usarse para calcular la DD como se muestra más adelante.

Manteniendo constantes las proporciones entre la demanda en los nodos y la total DD , se añade otro ciclo de cálculos como se muestra esquemáticamente en la figura 2 entre los bloques 3 al 11, lo que significa que, para cada escalón D_{ns} de la demanda total, se calculan las demandas nodales con las proporciones mencionadas y se ejecuta el conjunto de $NP+1$ simulaciones. El uso de proporciones constantes en la ubicación espacial de las demandas es práctica común en el diseño de redes nuevas. Si hay experiencias o datos que justifiquen el uso de proporciones espaciales variables en función de la demanda total, ellas pueden incorporarse de tal forma en el modelo.

Para valores de escalón D_{ns} iguales o menores que DD , no hay déficit excepto el causado por los fallos de tuberías. Cuando los D_{ns} exceden la DD , aparecen déficits debidos a ambas causas: la demanda nodal real que excede a su demanda de diseño y el fallo de tuberías. El

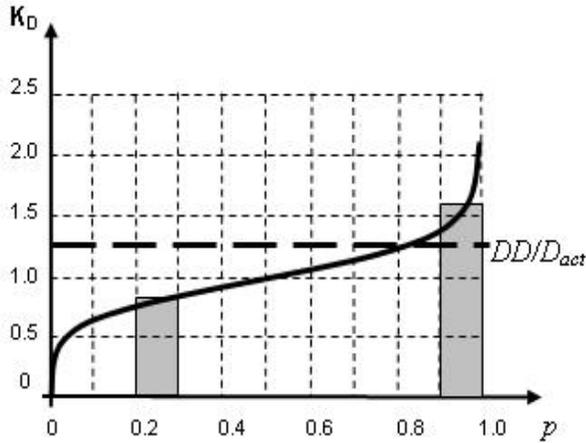


FIGURA 1. Distribución Pearson

déficit de demanda esperado sf_j en el nodo de demanda i , luego de este ciclo de pasos, es ahora:

$$sf_i = p_{ocur} \sum_{ns=1}^{Nstep} sf_i^{ns} \quad [14]$$

con lo que la confiabilidad nodal R_j y la de toda la red R_{net} , en consecuencia son:

$$R_i = p_{ocur} \sum_{ns=1}^{Nstep} R_i^{ns} \quad y$$

$$R_{net} = p_{ocur} \sum_{ns=1}^{Nstep} R_{net}^{ns} \quad [15]$$

Siguiendo las ideas de un estudio anterior (Gupta y Bhave 1994) puede definirse una medida global funcional de confiabilidad G_{fm} mediante el producto de tres factores: el factor de nodo, el factor de red y el factor de tiempo. El factor de nodo se calcula como la media geométrica de los valores de R_j (lo que asegura que si un nodo tiene baja confiabilidad, esto se refleja de inmediato en la media geométrica). El factor de red es el mismo R_{net} de la ecuación (15) y el factor de tiempo se define aquí como el tiempo relativo en que la red trabaja sin fallos. Este último puede medirse como la P_{nf} de la ecuación (10). El valor del factor de nodo R_{gm}^i se expresa:

$$R_{gm}^i = \left(\prod_{i \in \Omega} R_i \right)^{1/\theta} \quad [16]$$

donde $\theta = NN - NS$ (se consideran solamente nodos de demanda: los nodos fuentes no se afectan como ya se dijo); el símbolo Ω es el conjunto de los θ nodos de demanda.

De esta forma la medida global funcional de confiabilidad G_{fm} resulta:

$$G_{fm} = R_{gm}^i \cdot R_{net} \cdot P_{nf} \quad [17]$$

El valor de G_{fm} representa una combinación de tres eventos: (1) satisfacción conjunta de las demandas nodales (sobre todos los nodos de demanda), (2) satisfacción de la demanda total de la red y (3) la red sin fallos. El resultado numérico en la práctica cae siempre por debajo del menor de los términos de la derecha en la ecuación (17) y está, por tanto, del lado de la seguridad.

Solo falta considerar la relación entre DD y D_{act} . Sea la línea recta gruesa y discontinua, en la figura 1, una horizontal en el valor de la ordenada DD/D_{act} . Puede verse que la parte derecha de la curva de probabilidades se sitúa por encima de esta línea, significando que durante esta parte del tiempo, la demanda real excede a la de diseño y la red va a estar en déficit. Solo si la DD fuera tan grande que la curva de probabilidades siempre estuviera por debajo, es que podría darse el caso de eliminar el déficit en todo el tiempo. Pero esto normalmente es prohibitivo desde el punto de vista del costo, ya que los componentes necesarios en la red serían demasiado grandes. Por lo tanto, el valor correcto de DD debiera salir de un análisis económico como se verá en la sección siguiente.

Otra medida práctica y útil de confiabilidad puede salir de la curva de probabilidades mediante el cálculo de la proporción en que se satisface la demanda de diseño. Es cierto que esto se ha tenido en cuenta parcialmente en los déficits calculados antes, pero en esos cálculos los déficits por demanda están entremezclados con los provocados por los fallos en las tuberías.

La proporción señalada G_{DD} puede calcularse por integración como el área bajo la curva situada por debajo de la línea DD (nótese que la parte derecha de esta área es un rectángulo más allá del punto de intersección) o restando de la unidad el área de la "cola" derecha situada por encima de la línea DD .

Si se desea una medida final, global, absoluta y única de la confiabilidad G_{uniq} , que incorpore esta proporción de la satisfacción en la demanda de diseño, parece razonable sugerir el siguiente producto:

$$G_{unig} = G_{DD} \cdot G_{fm} \quad [18]$$

donde: G_{unig} aparece como una cifra única de confiabilidad que representa el efecto combinado de los tres eventos mencionados bajo la ecuación (17) junto con el evento "la demanda no excede la capacidad de diseño".

CONFIABILIDAD Y DEMANDA DE DISEÑO ÓPTIMOS

A la par con los cálculos de confiabilidad a que se refiere la sección anterior, se realizan cálculos adicionales de costo: (a) al déficit de la ecuación (14) se le carga el costo de suministro por otros medios a los usuarios afectados, tal como se hace en la nueva FOB (ecuación 7); (b) se incluye un estimado del costo de energía extra esperado para efectuar este suministro, este estimado se toma proporcional al producto del déficit y la reducción de presión en el nodo y su valor esperado sale de un proceso probabilístico similar al que se usa para los déficits en las ecuaciones (11) y (14); como que esta energía se provee bajo condiciones anormales se considera el doble del precio unitario de energía.

En consecuencia, dado un valor particular de la demanda de diseño, se realiza la optimización, y el diseño de red resultante se somete al doble ciclo de escalones de demanda real y de simulación de estados, tal como fue explicado. Para este valor particular de la demanda de diseño, además de todos los parámetros de diseño (diámetros, flujos, presiones, etc.), se obtienen otros resultados importantes:

- costo anualizado de la red, costo anual de energía de la red, costo anual esperado de los fallos, costo del déficit adicional calculado por simulación, costo del consumo adicional de energía también de la simulación.

- confiabilidad en los nodos de demanda, confiabilidad de la red como sumaria de las anteriores de nodos (factor de red), factor de nodo como media geométrica de las confiabilidades de nodos, factor de tiempo como la probabilidad (como fracción de un año) en que la red opera sin fallos.

- confiabilidad global funcional como producto de los tres factores mencionados, fracción de demanda satisfecha de la curva de probabilidades de la demanda real, valor único de confiabilidad como producto de las dos anteriores.

La metodología propuesta puede ahora establecerse como sigue:

- 1.- Decidir un intervalo de valores de DD empezando con D_{act} hasta el valor máximo D_{max} de la curva de probabilidades.

- 2.- Para cada valor de DD ejecutar el doble ciclo, obtener todos los resultados y sumar todos los costos que se han señalado.

- 3.- Continuar el paso 2 hasta que se alcance el mínimo costo total.

- 4.- El valor de DD correspondiente al mínimo costo es la demanda de diseño óptima y su conjunto correspondiente de confiabilidades es el óptimo.

En la figura 2 se muestra un diagrama del proceso completo. Muchos detalles internos del proceso pueden

TABLA 1 - Datos de la red ejemplo

pe	tp	c ₁	η	m	10 ⁵ a	u	t _f	c _f	c _a
\$/kW-h	hours	-	-	-	-	-	day	\$/day	\$/m ³
0.05	7 000	0.10	160.42	1.5	3.5	1.27	2.0	500	2.00

NOTA: pe = Precio de Energía; tp = Tiempo de bombeo; los demás símbolos aparecen en el texto

TABLA 2 - Elevación en Nodos

Nodo	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Elevación (m)	40	40	42	42	44	44	46	46	48	48	50	50

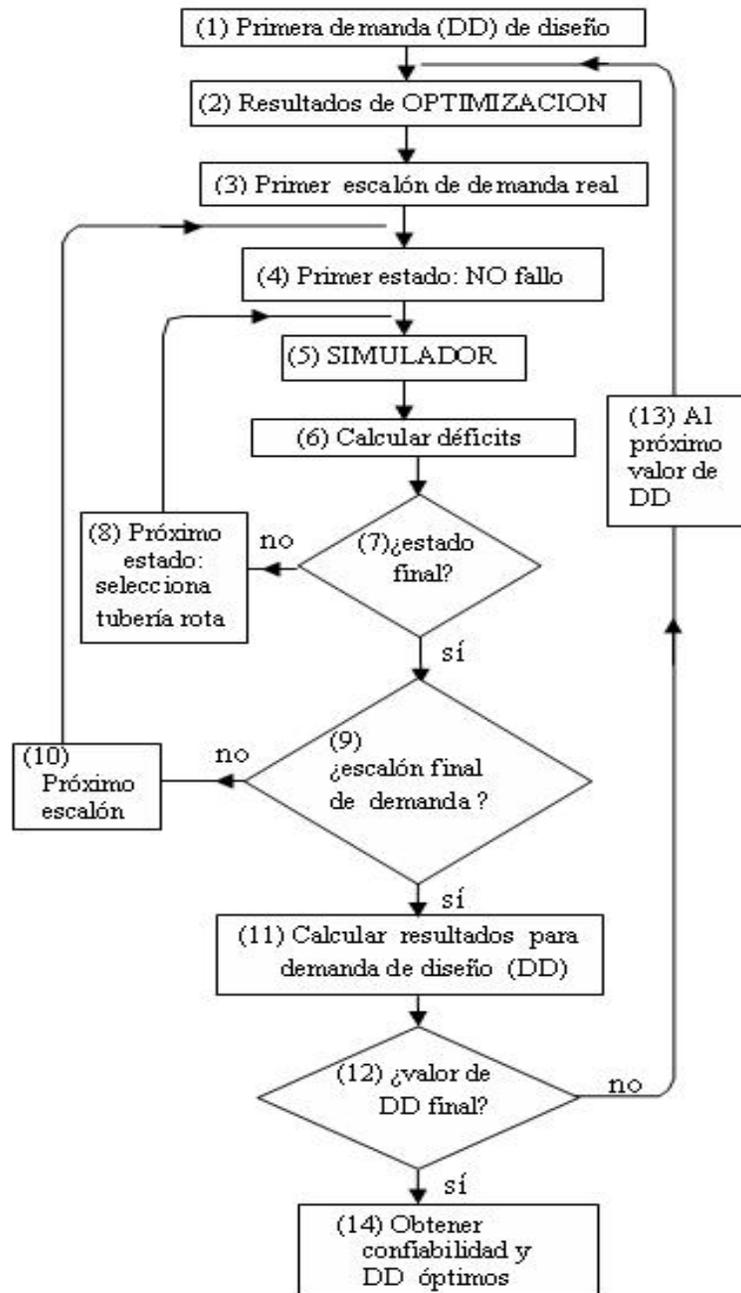


FIGURA 2. Diagrama de la Metodología

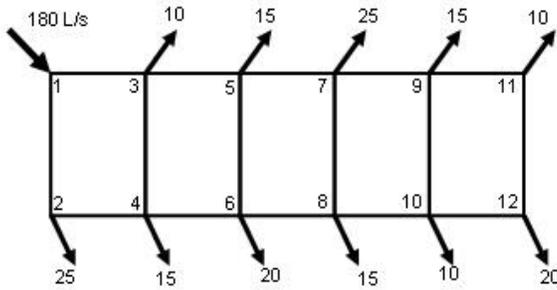


FIGURA 3. Red de cinco circuitos

cambiar (considerar variables el tiempo y costo de la reparación, usar otras definiciones de confiabilidad, etc.) sin alterar su estructura conceptual.

Se introduce ahora el ejemplo de una red de cinco circuitos como en la figura 3 para ilustrar la metodología propuesta. Los datos generales aparecen en la tabla 1.

La elevación topográfica de los nodos de la red aparece en la tabla 2. La presión requerida es de 20 m para todos los nodos y $p_0 = 0.20 p_{req}$ en la ecuación (8). La longitud de todas las tuberías es de 400 m, el coeficiente de Hazen-Williams es 100 para todas las tuberías y los diámetros comerciales disponibles van desde 100 mm en adelante con incrementos de 50 mm.

La demanda real sigue la curva de probabilidades Pearson tipo III ($Cs=2 Cv$) con $D_{act} = 90$ L/s y $Cv = 1/3$. La discretización de la curva de probabilidades se hace mediante 10 escalones iguales que dan un valor $p_{ocur} = 0.10$ y el conjunto de valores de K_D se da entre los paréntesis siguientes (0.4998, 0.6598, 0.7571, 0.8409, 0.9211, 1.0032, 1.0931, 1.1989, 1.3516, 1.6744).

Se hicieron optimizaciones para valores de DD desde 60 L/s con incrementos de 10 L/s hasta 180 L/s. Aunque en la práctica es posible empezar con un valor $DD = D_{act}$ se decidió emplear un valor menor para obtener un análisis más completo. La tabla 3 presenta los resultados de

TABLA 3. Resultados de Costos de la nueva metodología

Demanda L/s	Costos de la Función Objetivo (\$/año)				Costos por la <u>simulation</u> (\$/año)			GRAN
	Capital	Energía	Fallo	Total	Déficit Adicional	Energía Adicional	Total Adicional	TOTAL
60	8 648	7 115.4	4 592.88	20 356.3	348 235.0	307.63	348 543.0	368 899
70	9 332	8 195.0	4 810.50	22 337.5	181 447.0	128.84	181 576.0	203 914
80	10 208	9 298.5	4 884.80	24 391.3	98 497.8	56.15	98 553.9	122 945
90	10 406	10 743.0	5 106.14	26 255.1	72 386.7	40.18	72 426.9	98 682
100	11 564	11 783.6	5 020.36	28 367.9	38 661.9	16.05	38 678.0	67 046
110	12 108	12 819.5	5 288.76	30 216.3	18 454.5	6.05	18 460.6	48 677
120	13 062	13 866.4	5 236.86	32 165.2	9 383.9	2.25	9 386.2	41 551
130	13 290	15 171.3	5 438.43	33 899.7	6 099.6	1.09	6 100.7	40 000
140	13 582	16 458.8	5 683.49	35 724.3	3 047.1	0.34	3 047.4	38 772
150	14 606	17 441.0	5 715.90	37 762.9	239.8	0.06	239.9	38 003
160	15 096	18 620.3	5 797.28	39 513.6	98.4	0.04	98.4	39 612
170	15 600	19 766.7	5 927.56	41 294.3	78.4	0.04	78.5	41 373
180	16 184	20 897.7	6 064.84	43 146.5	43.2	0.01	43.2	43 190

TABLA 4 - Resultados de Confiabilidad de la nueva metodología (R = confiabilidad)

(1) Demanda L/s	(2) Factor de nodo	(3) Factor de red	(4) Factor de tiempo	(5) R funcional (producto de (2), (3),(4))	(6) R de la demanda de diseño	(7) R única (producto de (5),(6))
DD	R_{gm}^i (%)	R_{net} (%)	P_{nf} (%)	G_{fm} (%)	G_{DD} (%)	G_{uniq} (%)
60	93.5144	93.8653	98.9300	86.8384	64.8115	56.2813
70	96.6048	96.8035	98.9742	92.5576	73.5553	68.0809
80	98.1663	98.2648	99.0510	95.5475	80.8731	77.2721
90	98.6452	98.7248	99.0774	96.4887	86.5910	83.5506
100	99.2905	99.3189	99.1518	97.7778	90.9384	88.9175
110	99.6721	99.6749	99.1675	98.5209	94.0862	92.6946
120	99.8354	99.8347	99.2217	98.8947	96.0467	94.9851
130	99.8923	99.8925	99.2365	99.0230	97.6927	96.7383
140	99.9462	99.9463	99.2428	99.1362	98.5261	97.6750
150	99.9962	99.9958	99.2832	99.2753	99.1332	98.4147
160	99.9982	99.9983	99.3159	99.3125	99.4443	98.7607
170	99.9986	99.9986	99.3346	99.3318	99.6666	99.0006
180	99.9992	99.9992	99.3473	99.3457	99.7893	99.1364

costos y la tabla 4 los de confiabilidad. La figura 4 muestra un gráfico de costo vs. demanda de diseño donde puede observarse la alternativa de mínimo costo.

En la tabla 3 puede verse que los costos de la FOB son siempre crecientes y que lo contrario ocurre con los costos adicionales. Es de particular interés notar los altos costos adicionales para valores bajos de DD . El Gran Total en la última columna de la tabla 3 decrece hasta alcanzar un mínimo y luego crece de nuevo. Véase en la tabla 3 que para valores de DD entre 120 L/s y 170 L/s estos valores de costo no difieren más de un 10% entre sí. También es notable comprobar que los costos

adicionales son casi despreciables en el mínimo y más allá. Las confiabilidades en la tabla 4 son crecientes con DD . Véanse los bajos valores de G_{DD} para valores bajos de DD donde, aún cuando las tres primeras columnas pueden parecer satisfactorias, el valor de G_{DD} obliga a disminuir el valor de G_{uniq} .

La aplicación completa de esta metodología demora menos de 16 segundos en una computadora personal tipo Pentium 4 (velocidad 2.5 GHz, memoria 256 MB-RAM, disco duro 80 GB-HDD). Por lo tanto parece posible que se puedan abordar redes grandes con ella.

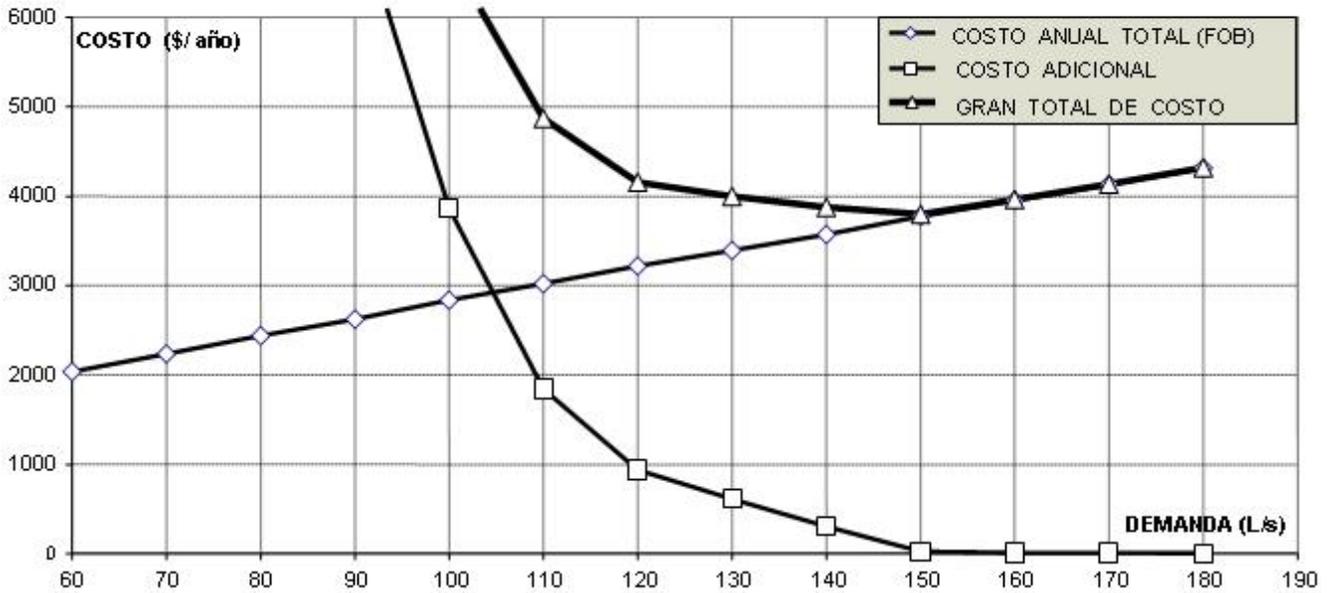


FIGURA 4. Resultados de la nueva metodología

CONCLUSIONES

Se ha presentado un modelo capaz de cuantificar completamente la economía de las redes malladas de abasto de agua. El modelo por el momento se limita a la red de distribución como componente del sistema de abasto. Partiendo de la formulación y solución de Chiong, la nueva formulación toma en cuenta, de modo explícito, en la función objetivo, las consecuencias de fallos en las tuberías en cuanto al costo.

Sobre esa base también se desarrolla una nueva metodología, que emplea definiciones conocidas para la confiabilidad en los nodos y en la red y propone una medida global de confiabilidad a partir de la satisfacción de la demanda. Esta metodología no solo justifica un valor numérico adecuado para la confiabilidad de una red mallada sino también aporta el valor apropiado para la demanda de diseño. La aplicación de esta metodología se ilustra con un ejemplo.

El bajo requerimiento de tiempo en computadora sugiere la factibilidad de su empleo en redes mayores y más reales que las utilizadas en este estudio. La metodología es flexible, por ejemplo puede aplicarse cuando están fijas las cargas piezométricas en los nodos fuente y con tiempo y costo de reparación variables. Puede incluso aceptar otras definiciones de confiabilidad y hasta aplicarse sin optimización si existieran buenas rutinas prácticas de diseño. El aspecto clave es la consideración de un amplio espectro de costos asociados con los fallos.

RECONOCIMIENTO

A Cristina Chiong Rojas, autora de la formulación y solución mencionados arriba, lamentablemente fallecida en 1997. La presente investigación es una continuación natural del trabajo de su tesis doctoral.

REFERENCIAS

- Benjamin, J. R. and Cornell, C. A.** (1970). *Probability, Statistics and Decision for Civil Engineers*, McGraw-Hill, New York.
- Bouchart, F., and Goulter, I.** (1991). "Reliability improvements in design of water distribution networks recognizing valve location." *Water Resour. Res.*, 27(12), 3029-3040.
- Chiong, C.** (1985). *Optimization of closed-loop networks*, Ph.D. thesis, CIH, CUJAE university, Havana, Cuba (in Spanish).
- Goulter, I.** (1992). "Systems analysis in water distribution network design: from theory to practice." *J. Water Resour. Plng. and Mgmt.*, ASCE, 118(3), 238-248.
- Gupta, R. and Bhave, R.** (1994). "Reliability analysis of water distribution systems." *J. Envir. Engrg.*, ASCE, 120(2), 447-460.
- Jowitt, P., and Xu, C.** (1993). "Predicting pipe failure effects in water distribution networks." *J. Water Resour. Plng. and Mgmt.*, ASCE, 119(1), 18-31.
- Khomsi, D., Walters, G. A., Thorley, A. R. D., and Ouazar, D.** (1996). "Reliability tester for water-distribution networks." *J. Comp. in Civ. Engrg.*, ASCE, 10(1), 10-19.

- Martínez, J. B.** (2001). "El concepto de garantía en las redes de abasto de agua potable." *V Congreso Intern. de Hidráulica*, Pinar del Río, Cuba, Octubre.
- Martínez, J. B.** (2006). "La verdadera economía de las redes malladas de abasto". *13a Convención Científica de Ingeniería y Arquitectura*, CUJAE, La Habana, Nov-Dic.
- Martínez, J. B.** (2007). "Quantifying the economy of water supply looped networks". *Journal of Hydraulic Engineering*, ASCE, 133(1), 88-97.
- Su, Y., Mays, L. W., Duan, N., and Lansey, K.** (1987). "Reliability based optimization model for water distribution systems." *J. Hydr. Engrg.*, ASCE, 113(12), 1539-1556.
- Templeman, A.** (1982). "Discussion of 'Optimization of looped water distribution systems' by Quindry et. al." *J. Envir. Engrg. Div.*, ASCE, 108(3), 599-602.
- Xu, C., and Goulter, I.C.** (1997). "Simulation-based optimal design of reliable water distribution networks." *Proc., 3rd Int. Conf. on Modeling and Simulation*, A. Zayegh, ed., Victoria University of Technology, Melbourne, 107-112.
- Xu, C., and Goulter, I.C.** (1999). "Reliability based optimal design of water distribution networks." *J. Water Resour. Plng. and Mgmt.*, ASCE, 125(6), 352-362.

Recibido: diciembre del 2010
Aprobado: marzo del 2011